II°) **Température terrestre moyenne , Albédo et effet de serre :**

1°) **Bilan thermique du système terre atmosphère :** La température moyenne de la surface terrestre peut être déterminée à l'aide d'un bilan d'énergie dans le système (Terre+ atmosphère) associé au premier principe de la thermodynamique. On assimilera la Terre et le soleil à des corps noirs sphériques (qui réémettent tout le) (l'effet de la lune est négligé), on supposera que le système (Terre+ atmosphère) échange de l'énergie par rayonnement et qu'il n'y a pas de travail mécanique $W=0$ J , de plus le système est en équilibre thermique donc car sa température est supposée constante quelque soit l'état initial et final donc en appliquant le premier principe de la thermodynamique

$$\Delta U_i \rightarrow_f = W + Q \text{ donc } \Delta U_i \rightarrow_f = 0 \text{ donc } \Delta U_i \rightarrow_f = Q_{\text{recu}} + Q_{\text{émis}} = 0$$

2°) **Loi de Stephan -Boltzmann et calcul approché de la température de la Terre sans effet de serre :**

Loi de Stephan –Boltzmann : La puissance rayonnée par mètre carré P_s par un **corps noir** est proportionnelle à la puissance quatrième de sa température de surface en Kelvin

$$P_s \text{ (W .m}^{-2}\text{)} = \sigma \times T^4 \quad (\text{en Kelvin}) \text{ ave } \sigma \text{ constante de Stephan-Boltzmann } = 5,67 \times 10^{-8} \text{ W} \times \text{m}^{-2} \times \text{K}^{-4}$$

Application : calcul de la Température de la Terre sans effet de serre

On admet que le soleil rayonne comme corps un noir à la température de surface $T_s=5750$ K et la surface de la Terre est un corps noir dont la température moyenne est T_T . On admettra que la terre est une sphère de rayon $R_T=6380$ km, le soleil une sphère de Rayon $R_s=695\,000$ km et la distance Terre soleil $d_{ST}=149 \times 10^6$ km

1°) *Quelle est la relation donnant le ϕ émis par rayonnement de la (Terre + atmosphère) vers le soleil : (on rappelle que la surface d'une sphère est $S=4\pi \times R^2$) :* On utilise la Loi de Stephan –Boltzmann :

.....

2°) *Quelle est la relation entre le ϕ émis par rayonnement de la (Terre + atmosphère) et celui ϕ reçu du le soleil par la (Terre + atmosphère) (utiliser formule et égalité précédente dans le cours) :*

.....

3°) *On supposera que la Terre située à une distance d_{ST} du soleil n'intercepte qu'une partie du flux répartie sur la surface d'un disque de Rayon R_T (voir schéma ci-dessous), donner l'expression de ϕ reçu du soleil par la (Terre + atmosphère)*

.....

4°) *En vous servant de l'égalité du 2°) donner l'expression de la Température T_T puis la calculer :*

.....

3°) **Albédo et effet de serre :** En l'absence d'un effet de serre, la température de la Terre serait de 5°C ce qui est plus petit que la réalité qui est de 15°C . <http://www.mediachimie.org/ressource/leffet-dalbedo>

L'albédo noté α d'une surface explique l'effet de serre, c'est une grandeur sans unité qui caractérise l'aptitude d'un corps à renvoyer par diffusion et/ou réflexion le rayonnement qui lui parvient :

$\alpha = \frac{P_r}{P_i}$ (P_r : puissance renvoyée par la surface en Watt, P_i : puissance incidente reçue par la surface en Watt) , l'albédo d'un corps noir est de..... (aucun rayon n'est renvoyé) , celui d'un miroir (toute la lumière est renvoyée) et l'albédo de la Terre + atmosphère est de 0,3.

III°) Loi de Newton et évolution de la température d'un système au contact d'un thermostat :

1°) **Loi de Newton** : Un thermostat est un système capable d'échanger de l'énergie sous forme de transfert thermiques sans que sa température ne soit modifiée (air extérieur, si température constante) .

La loi de Newton caractérise les échanges thermiques Q d'une phase condensée (Système : solide ou liquide) en contact avec un thermostat (air extérieur) pendant une durée Δt :

$$Q = \Phi \times \Delta t = h \times S \times (\theta_e - \theta) \times \Delta t \quad (\text{avec } \Phi = h \times S \times (\theta_e - \theta))$$

h : coefficient d'échange conducto-convectif en $W \times m^{-2} \times K^{-1}$ entre le système et le milieu extérieur (grandeur caractéristique du système) :

θ_e température extérieure (thermostat) en Kelvin, θ : température du système en Kelvin

S : surface d'échange en m^2 .

2°) **Evolution de la température d'un système au contact d'un thermostat :**

Application : On remplit une gourde en aluminium de masse $m_1=172$ g de boisson chaude de masse $m_2=750$ g à la température $\theta_i=50^\circ C$, la température de l'air extérieur (thermostat) est $\theta_e=5^\circ C$ supposée constante, S surface de la gourde $S=4,0 \cdot 10^{-2} m^2$ et $h=10 W \cdot m^{-2} \cdot ^\circ C^{-1}$

$c_{\text{système}}$ (eau + gourde) $= 3,6 \cdot 10^3 J \cdot Kg^{-1} \cdot ^\circ C^{-1}$

$c_{\text{système}}$ (eau + gourde) $= 3,6 \cdot 10^3 J \cdot Kg^{-1} \cdot ^\circ C^{-1}$

But : trouver la courbe de refroidissement du système

En déduire avec les données la température dans la gourde au bout de deux heures puis commenter :

Méthode (transposable pour les parties 2 et 3) sur les chapitres nucléaire et électricité circuit RC (chapitres suivants) :

1) **Ecrire le premier principe de la thermodynamique au système (gourde + eau) :**

il n'y a pas de travail mécanique le seul transfert est thermique $\Delta U_i \rightarrow_f = Q$

2) **Etablir l'équation différentielle vérifiée par la température du système :**

on applique la loi de Newton au système (eau + gourde) $Q = \Phi \times \Delta t = h \times S \times (\theta_e - \theta) \times \Delta t$ pour un système supposée

incompressible on a $\Delta U_i \rightarrow_f = Q = m_{\text{total}} \times c_{\text{système}} \times \Delta \theta = h \times S \times (\theta_e - \theta) \times \Delta t$ soit $\frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{h \times S}{m_{\text{total}} \times c_{\text{système}}} \times (\theta_e - \theta)$

pour un Δt tendant vers 0 on a

$$\frac{d\theta}{dt} = - \frac{h \times S}{m_{\text{total}} \times c_{\text{système}}} \times \theta + \frac{h \times S}{m_{\text{total}} \times c_{\text{système}}} \times \theta_e$$

assimilé à

$$y'(x) = a \times y(x) + b$$

3°) **Résoudre cette équation différentielle** : la solution est de la forme : $y(x) = K \times e^{a \times x} - \frac{b}{a}$ dans notre cas

$$\theta(t) = K \times e^{-\frac{h \times S}{m_{\text{total}} \times c_{\text{système}}} \times t} - \left(\frac{h \times S}{m_{\text{total}} \times c_{\text{système}}} \times \theta_e \right) \left(- \frac{h \times S}{m_{\text{total}} \times c_{\text{système}}} \right)$$

$$\text{Soit } \theta(t) = K \times e^{-\frac{h \times S}{m_{\text{total}} \times c_{\text{système}}} \times t} + \theta_e$$

On trouve K à partir des conditions initiales à $t=0s$ $\theta(t=0s) = \theta_i$ donc $\theta_i = K \times e^{-\frac{h \times S}{m_{\text{total}} \times c_{\text{système}}} \times 0} + \theta_e$

Soit $\theta_i = K \times 1 + \theta_e$ donc $K = \theta_i - \theta_e$ l'expression de la solution devient :

$$\theta(t) = (\theta_i - \theta_e) \times e^{-\frac{h \times S}{m_{\text{total}} \times c_{\text{système}}} \times t} + \theta_e$$

$\theta(t)$ dans le cas où $\theta_i > \theta_e$ (cas de 1 gourde ci-dessus)

$\theta(t)$ dans le cas où $\theta_e > \theta_i$