

Calculatrice en mode examen autorisée ou calculatrice collège

Term spé phy

Prénom et Nom : Note : sur/20

La feuille d'énoncé doit être rendue à la fin et vous devez émarginer au bureau du professeur.

Exercice 1 : Cuisson des pâtes (4 pts) (20 minutes)

Un étudiant souhaite faire chauffer de l'eau dans une casserole afin de se préparer des pâtes. Pour cela, il chauffe, à l'aide d'une plaque électrique, une casserole en acier inoxydable contenant 2,0 L d'eau à la température initiale $\theta_i=15\text{ }^\circ\text{C}$. La température de l'eau souhaitée pour cuire les pâtes est de $\theta_f=100\text{ }^\circ\text{C}$.

Données : $c_{\text{eau}} = 4180\text{ J}\times\text{kg}^{-1}\times\text{K}^{-1}$ $c_{\text{inox}} = 502\text{ J}\times\text{kg}^{-1}\times\text{K}^{-1}$ $\rho_{\text{eau}}=1,0\text{ kg}\times\text{L}^{-1}$

1°) sav,/2.5
réal	
2°) sav,/1.5
réal	

1°) Calculer l'énergie thermique reçue par l'eau notée Q_{eau} et celle reçue par la casserole sachant que la casserole a une masse de 2,0 kg (formules littérales et calculs détaillés obligatoires).

2°) La plaque est constituée d'une résistance électrique de puissance égale à 3,0 kW. En considérant que toute l'énergie électrique est convertie en énergie thermique, calculer la durée de fonctionnement nécessaire à la plaque électrique pour arriver à la température de $100\text{ }^\circ\text{C}$ pour l'eau.

Exercice 2 : Principe d'un sauna (8 pts) 47 minutes

La pratique du sauna est une tradition finlandaise vieille de plus de deux mille ans. À l'origine, il s'agissait de s'installer dans une petite cabane en bois dont on chauffait l'atmosphère avec des pierres brûlantes. De nos jours, la pratique du sauna peut avoir lieu dans une pièce équipée d'un poêle électrique (figure 1) dans laquelle on prend un bain de vapeur sèche. Parmi ses nombreuses vertus, on peut citer la stimulation de la circulation sanguine et l'élimination de la fatigue.

Un particulier souhaite installer un sauna chez lui. Il achète un poêle électrique spécifique et s'intéresse au matériau nécessaire à la construction de la pièce de dimensions 2,0 m \times 2,0 m \times 3,0 m. Le poêle est constitué d'une résistance chauffante. Des pierres sont posées sur l'appareil : elles ont pour but de générer de la vapeur lorsqu'on y verse de l'eau.

Extraits de la notice du poêle électrique fournie par le constructeur (traduits du suédois) :

L'aération du sauna :

L'air frais est dirigé directement de l'extérieur par un tuyau d'environ 100 mm de diamètre placé à 500 mm au-dessus du poêle (a) vers le sauna. L'air frais peut aussi être envoyé sous le poêle près du sol (b). Dans l'alimentation en air frais, il est essentiel de veiller à ce que celui-ci se mélange le plus efficacement possible à l'air chaud et à la vapeur du sauna. L'air évacué est dirigé vers l'extérieur par une trappe située sous les banquettes (c), le plus loin possible de l'arrivée d'air frais.

Durée du préchauffage du sauna :

La durée de préchauffage du sauna est le laps de temps nécessaire pour chauffer le sauna à la température souhaitée pour la séance. Ce temps dépend notamment de la température voulue (la position de réglage de la température), de la quantité de pierre, du volume du sauna, et des matériaux constituant les parois du sauna. Moins on utilise de pierre, plus le sauna chauffe vite. Cependant, une plus petite quantité de pierre ne donne pas autant de vapeur. La durée de préchauffage varie en général entre 40 et 70 minutes.

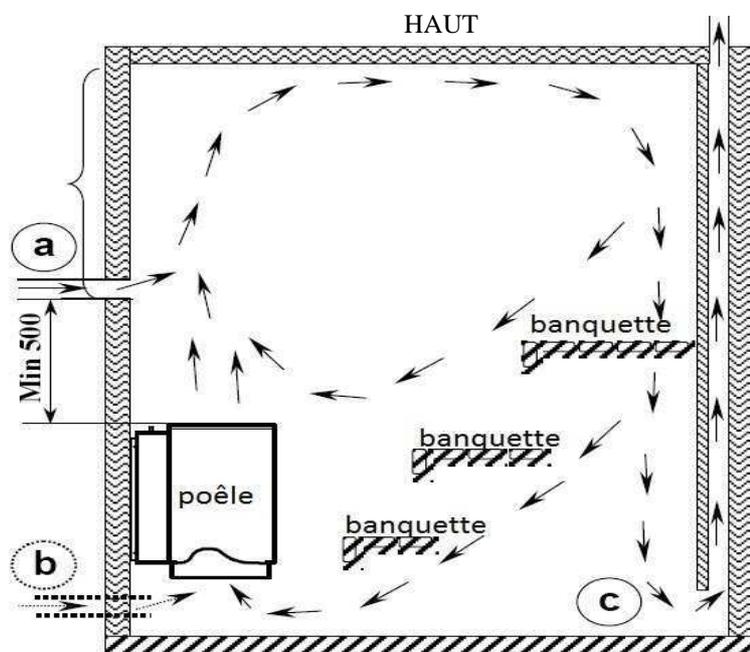


Fig 1

BAS

Vue en coupe verticale du sauna

Caractéristiques techniques du poêle :

Poêle modèle SUPER 10	Poêle puissance kW	Volume du sauna		Poids sans pierre kg	Quantité de pierres (max) kg	Dimensions du poêle		
		min m ³	max m ³			largeur mm	profondeur mm	hauteur mm
DI 10	10,00	8,0	15,0	16	22	Ø370	450	590

Capacité thermique massique c , conductivité thermique λ et masse volumique ρ de quelques matériaux :

Matériau	c en J.kg ⁻¹ .K ⁻¹	λ en W.m ⁻¹ .K ⁻¹	ρ en kg.m ⁻³
Béton	1008	1,75	2200
Sapin	2400	0,15	450
Plâtre	1008	0,43	800
Verre	800	1,15	2530
Stéatite	980	6,4	2980

1. Les transferts thermiques mis en jeu lors du chauffage (2,5 pts) :

1.1°) Caractériser chacun des types de transferts thermiques principaux mis en jeu lors du chauffage par le poêle de l'air ambiant ou des pierres. Pour cela compléter le tableau suivant :

	Chauffage par le poêle de l'air de la pièce	Chauffage par le poêle des pierres
Mode de transfert thermique principal		
Avec ou sans déplacement de matière		

1.2°) Que symbolisent les flèches représentées sur la figure 1 de la notice du constructeur ?

1.3°) Donner une raison justifiant le choix de l'emplacement de l'entrée de l'air. Même question pour le choix de l'emplacement de la sortie de l'air.

1.4°) En s'appuyant sur les caractéristiques du poêle choisi, montrer que ce choix est adapté aux besoins du particulier (volume du sauna du particulier).

2. Les matériaux pour la construction de la pièce (4 pts) :

Le particulier hésite entre le bois de sapin et le béton pour les parois de son sauna.

2.1°) Comparer le flux thermique traversant une paroi de bois de sapin et une paroi de béton (de même épaisseur et même surface) sans effectuer de calcul numérique mais en commentant une ou plusieurs formules connues ainsi que les caractéristiques ci-dessus. Formuler un conseil au particulier (rappels de formules obligatoires).

2.2°) Quelle serait l'épaisseur d'une paroi en béton pour que, en termes d'isolation thermique, elle soit équivalente à une paroi en sapin de 5,0 cm d'épaisseur ? (formule littérale et calcul détaillé obligatoire), la surface restant la même. Commenter.

3. Les pierres posées sur le poêle (1,5 pts)

Les pierres utilisées sont souvent d'origine volcanique car elles n'éclatent pas sous les chocs thermiques. C'est le cas de la stéatite.

3.1°) On fait l'hypothèse que lors du préchauffage, la puissance du poêle est intégralement utilisée pour le chauffage des pierres d'origine volcanique. À l'aide des caractéristiques électriques du poêle, déterminer la durée Δt nécessaire pour porter une masse $m = 20$ kg de pierre, de la température de 25°C à la température de 250°C atteinte par les pierres à l'issue du préchauffage (formule littérale et calcul détaillé obligatoire)

3.2°) D'après la notice, l'hypothèse précédente est-elle vérifiée ? Proposer une explication.

1.1°) sav/1
1.2°) ana,sav/0.5
1.3°) ana , com/0,5
1.4°) ana, com/0,5
2.1°) sav , ana, com/2
2.2°) sav, réal, com/2
3.1°)sav, réal/1
3.2°) ana, com/0.5

Exercice 3 : Refroidissement du café (8 pts) 47 minutes

On oublie sur la table de la cuisine, après un appel au téléphone, que l'on vient de se préparer un café (système) à une température de $\theta_i=80^\circ\text{C}$. Le volume présent dans la tasse de café est de $V=25,0\text{ mL}$. La température de la pièce est de $\theta_{\text{ex}}=20^\circ\text{C}$.

Données : capacité thermique massique du café = celle de l'eau = $C_m=4,18\text{ J}\times\text{g}^{-1}\times\text{K}^{-1}$

masse volumique de l'eau = $\rho_{\text{eau}}=1,00\text{ g}\times\text{mL}^{-1}$

h = coefficient d'échange conducto-convectif de l'air = $5,0\text{ W}\times\text{m}^{-1}\times\text{K}^{-1}$

S = Surface d'échange de la tasse de café = 250 cm^2

1°) Rappeler la formule donnant la quantité de chaleur échangée entre le système (café) et l'air extérieur (loi de Newton).

2°) Déterminer la capacité thermique c de notre café (formule littérale et calcul détaillé obligatoire).

3°) Quel est le signe de Q du système au cours du refroidissement ? Justification avec formule.

4°) Vers quelle valeur va tendre la température du café ? Expliquer en présentant les types de transfert que va connaître le café.

5°) Montrer en appliquant le premier principe de la thermodynamique au système café que sa température $\theta(t)$

obéit à l'équation différentielle suivante : $\frac{d\theta}{dt} = a \times \theta(t) + b$ où a et b sont des constantes, vous donnerez

l'expression de a et b en fonction de h , S , ρ_{eau} , V et C_m et θ_{ex} (démonstration détaillée obligatoire).

6°) On rappelle qu'une équation différentielle du type $y'(x) = a \times y(x) + b$ a comme solution :

$$y(x) = K \times e^{a \times x} - \frac{b}{a}$$

Donner l'expression de $\theta(t)$ solution de l'équation différentielle précédente (5°) en indiquant l'expression de K . On rappelle qu'à $t=0\text{ s}$ on a $\theta(t=0\text{ s}) = \theta_i = 80^\circ\text{C}$ (justifier).

7°) Donner grossièrement allure de la courbe de $\theta(t)$.

8°) Quel est le temps qu'il faudra pour boire un café dans notre tasse à la température de 60°C (formule littérale et calcul détaillé obligatoire).

9°) Pour espérer le boire plus chaud au bout d'un même temps vaut il mieux le garder dans une tasse de plus grande ou plus petite en surface (justifier).

1°) sav/0,5
2°) sav , réaliser/0,5
3°) ana/0,5
4°) sav, ana, com/0,5
5°) ana , réal/1,5
6°) réal, ana/1,5
7°) sav,/0,5
8°) sav, réal/1,5
9°) ana, com/1

